

سؤالات امتحان هماهنگ شهر تهران درس: <b>ریاضی</b>	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۰۳/۰۶	صفحه ۱ از ۴
<b>پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۳۹۶</b>		

ردیف	سؤالات	بارم
------	--------	------

A	<p>درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.</p> <p>(الف) اگر <math>a^2 b &lt; 0</math> باشد، آنگاه <math>b</math> منفی است.</p> <p>(ب) عددی وجود دارد که صحیح و گویا باشد.</p> <p>(ج) عدد <math>\left(\frac{1}{-3}\right)^{-2}</math> از عدد <math>9^{-1}</math> کوچکتر است.</p> <p>(د) عبارت «عددهای اول بین ۱۴ و ۱۶» مجموعه تهی را مشخص می‌کند.</p>	۱
---	--	---

B	<p>جای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید.</p> <p>(الف) نسبت تشابه در دو مثلث مقابل، برابر ..... است.</p> <p>(ب) تعداد وجه‌های جانبی هرمی با قاعده مستطیل، برابر ..... است.</p> <p>(ج) حاصل عبارت <math>5^{-2} \times \left(\frac{1}{5}\right)^6</math> به صورت عددی تواندار برابر ..... است.</p> <p>(د) به دلیل آوردن و استفاده از دانسته‌های قبلی، برای معلوم کردن موضوعی که در ابتدا مجهول بوده است، ..... گوئیم.</p>	۱
---	--	---

C	<p>در هر یک از پرسش‌های زیر گزینه درست را انتخاب کنید.</p> <p>(الف) معادله خط <math>d</math> کدام گزینه است؟</p> <p style="text-align: center;"> <input type="radio"/> <math>y = 3x</math> (۱)      <input type="radio"/> <math>y = -3</math> (۳)  <input type="radio"/> <math>x = 3</math> (۲)      <input type="radio"/> <math>x + y = -3</math> (۴)         </p> <p>(ب) نماد علمی عدد <math>0.0029</math> کدام است؟</p> <p style="text-align: center;"> <input type="radio"/> <math>2/9 \times 10^{-4}</math> (۱)      <input type="radio"/> <math>29 \times 10^{-4}</math> (۲)  <input type="radio"/> <math>2/9 \times 10^{-4}</math> (۳)      <input type="radio"/> <math>29 \times 10^{-4}</math> (۴)         </p> <p>(ج) کدام یک از اعداد زیر، نمایش اعشاری مختوم دارد؟</p> <p style="text-align: center;"> <input type="radio"/> <math>\frac{7}{30}</math> (۱)      <input type="radio"/> <math>\frac{1}{55}</math> (۲)      <input type="radio"/> <math>\frac{1}{8}</math> (۳)      <input type="radio"/> <math>\frac{3}{17}</math> (۴)         </p> <p>(د) کدام گزینه قسمت هاشور خورده را نشان می‌دهد؟</p> <p style="text-align: center;"> <input type="radio"/> <math>B - A</math> (۱)      <input type="radio"/> <math>(A \cup B) - A</math> (۳)  <input type="radio"/> <math>A - B</math> (۲)      <input type="radio"/> <math>(A - B) \cup (B - A)</math> (۴)         </p>	۱
---	--	---



سؤالات امتحان هماهنگ شهر تهران درس: **ریاضی**

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

ساعت شروع: ۸ صبح

نام و نام خانوادگی:

تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۰۳/۰۶

صفحه ۲ از ۴

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران

**پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۳۹۶**

بازم

D

به سؤالات زیر پاسخ کامل دهید.

۱- اگر خانواده‌ای دو فرزند داشته باشد، چقدر احتمال دارد که این خانواده یک فرزند دختر و یک فرزند پسر داشته باشد؟

۲- اگر  $A = \{x^2 + 2 \mid x \in \mathbb{N}, x \leq 3\}$  و  $B = \{۴, ۵, ۶\}$  باشد:

الف) مجموعه  $A$  را با اعضا نمایش دهید.

ب) مجموعه  $A \cap B$  را مشخص کنید.

۰/۷۵

$$\sqrt{(3 - \sqrt{10})^2} - \sqrt{10} =$$

۳- الف) حاصل عبارت مقابل را به صورت ساده شده بنویسید.

۰/۱۵

ب) داخل  علامت  $(\in, \notin, \subseteq, \supseteq)$  قرار دهید.

الف)  $\sqrt[3]{7} \in \mathbb{Q}$

ب)  $\mathbb{R} \in \mathbb{Z}$

۰/۱۵

۴- آیا استدلال مسئله زیر معتبر است؟ برای پاسخ خود دلیل بیاورید.

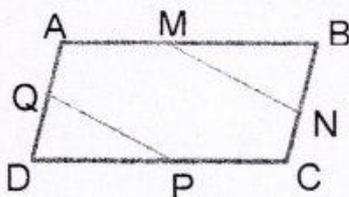
مسئله: نشان دهید مجموع زوایای خارجی هر مثلث،  $۳۶۰$  درجه است.

اثبات: یک مثلث متساوی الاضلاع را در نظر می‌گیریم، چون زاویه خارجی هر رأس آن  $۱۲۰$  درجه است پس مجموع زوایای خارجی در سه رأس  $۳۶۰$  درجه می‌باشد. بنابر این نتیجه می‌گیریم مجموع زوایای خارجی هر مثلث برابر  $۳۶۰$  درجه است.

۱/۲۵

۵- در شکل زیر  $ABCD$  متوازی‌الاضلاع است و  $M$  و  $N$  و  $P$  و  $Q$  وسط‌های اضلاع متوازی‌الاضلاع می‌باشند،

ثابت کنید:  $MN = PQ$



۱

۶- الف) حاصل عبارت زیر را به ساده‌ترین صورت ممکن بنویسید.

$$\frac{\sqrt{20} + 2\sqrt{45}}{\sqrt{5}} =$$

۰/۱۵

$$\frac{2}{\sqrt[7]{3}} =$$

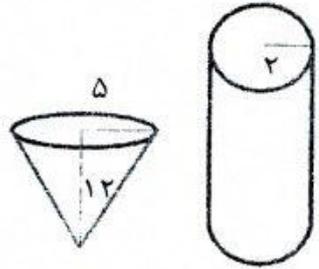
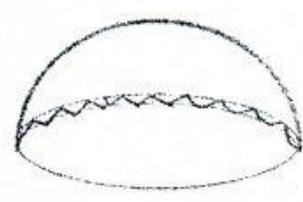
ب) مخرج کسر مقابل را گویا کنید.



مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	سؤالات امتحان هماهنگ شهر تهران درس: <b>ریاضی</b>
صفحه ۴ از ۴	تاریخ امتحان: ۱۳۹۶/۰۳/۰۶	نام و نام خانوادگی:
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران		<b>پایه نهم دوره اول متوسطه خرداد ماه ۱۳۹۶</b>

ردیف	سؤالات	بارم
------	--------	------

۱	۱۱- تقسیم زیر را انجام دهید و خارج قسمت و باقی مانده را مشخص کنید. $\begin{array}{r} 4x + 3 \\ 8x^2 - 10x + 9 \end{array}$	۱
---	---	---

۱/۵	۱۲- در سؤالات زیر نوشتن دستور محاسبه (فرمول) حجم و مساحت الزامی است. الف) ظرفی به شکل مخروط با شعاع دهانه $5\text{cm}$ و به ارتفاع $12\text{cm}$ را از آب پر می کنیم و در ظرف استوانه ای شکل، که شعاع قاعده آن $2\text{cm}$ است، خالی می کنیم؛ آب تا چه ارتفاعی در استوانه بالا می آید؟ ( $\pi=3$ )	۱
		
	ب) مساحت یک کلاه (عرق چین) به شکل رویه نیم کره به شعاع $12\text{cm}$ را پیدا کنید. ( $\pi=3$ )	
		

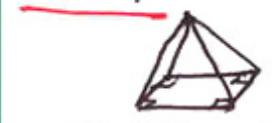
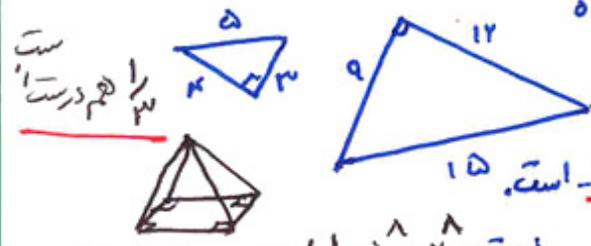
نام و نام خانوادگی مصحح:	با حروف:	نمره ی کتبی (بر سه)
امضا:	با عدد:	

پاسخ آزمون هفت روزه  
شهر تهران ۳۰۶، ۳۰۶

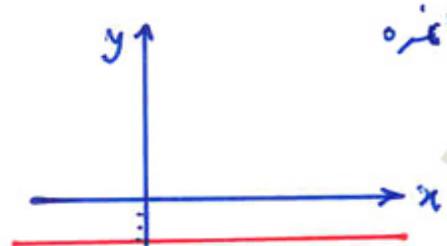
A درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید. **انمره**  
 الف) اگر  $a < b$  باشد آن گاه  $a > b$  منفی است.  درست  نادرست  
 ب) عددی وجود دارد که صحیح و گویا باشد.  درست  نادرست  
 ج) عدد  $(-\frac{1}{3})^{-2}$  از عدد  $9^{-1}$  کوچک تر است.  درست  نادرست  
 د) عبارت « عددهای اول بین ۱۴ و ۱۶ » مجموعه‌ی تهی را مشخص می‌کنند.  درست  نادرست

$(-\frac{1}{3})^{-2} = (-\frac{1}{3})^2 = (\frac{1}{9})^{-1} = 9$  و  $9^{-1} = \frac{1}{9}$   $9 > \frac{1}{9} \Rightarrow 9 \not< \frac{1}{9}$

B جایی خالی را با عدد یا کلمه‌ی مناسب پر کنید. **انمره**  
 الف) نسبت تشابه در دو مثلث مقابل برابر ۳ است.  
 ب) تعداد وجه‌های جانبی هرمی با قاعده‌ی مستطیل برابر ۴ است.  
 ج) حاصل عبارت  $5^2 \times (\frac{1}{5})^2$  به صورت عدد تواندار برابر ۵<sup>-۸</sup> است.  
 د) به دلیل آوردن و استفاده از دانسته‌های قبلی، برای معلوم کردن موضوعی که در ابتدا مجهول بوده است استدلال بکار می‌آید.



C در هر یک از پرسش‌های زیر گزینه‌ی درست را انتخاب کنید. **انمره**  
 الف) معادله‌ی خط  $l$  کدام گزینه است؟



- $y = 3x$  (۱)
- $y = -3$  (۲)
- $x = 3$  (۳)
- $x + y = -3$  (۴)

عرض هر دو نقطه‌های این خط برابر ۳- است

ب) نماد علمی عدد  $0.00029$  کدام است؟  
  $29 \times 10^4$  (۱)   $2.9 \times 10^{-4}$  (۲)   $2.9 \times 10^4$  (۳)   $29 \times 10^4$  (۴)

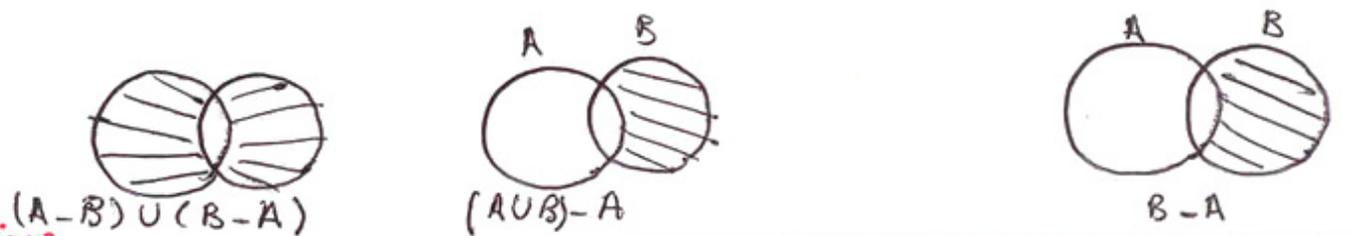
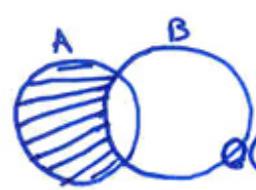
$0.00029 = \frac{29}{100000} = \frac{2.9 \times 10}{10^5} = 2.9 \times 10^{-4}$

ج) کدام یک از عددهای زیر، تمامی اعشاری مختوم دارد؟  
  $\frac{3}{17}$  (۱)   $\frac{1}{8}$  (۲)   $\frac{1}{55}$  (۳)   $\frac{5}{30}$  (۴)

$\frac{3}{17} = 0.17647058823529411 \dots$   $\frac{1}{8} = 0.125$

$\frac{1}{55} = 0.018181818181818181 \dots$   $\frac{5}{30} = 0.166666666666666666 \dots$

د) کدام گزینه قسمت هائور خورده را نشان می‌دهد؟  
  $B - A$  (۱)   $A - B$  (۲)   $(A \cup B) - A$  (۳)   $(A - B) \cup (B - A)$  (۴)





۱- اگر خانواده ای دو فرزند داشته باشد، چه قدر احتمال دارد که این خانواده یک دختر و یک پسر داشته باشد؟ ۵۰٪

حالت های ممکن	}	پسر	دختر
		دختر	پسر
	}	پسر	دختر
		دختر	پسر

پس احتمال خواسته شده  $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$  است.

۲- اگر  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x \leq 3\}$  و  $B = \{4, 5, 6\}$  باشد. الف) مجموعه  $A$  را با اعضایش دهید. ب) مجموعه  $A \cap B$  را مشخص کنید.

$$A = \{3, 6, 11\} \text{ و } B = \{4, 5, 6\} \text{ و } A \cap B = \{3, 6, 11\} \cap \{4, 5, 6\} = \{6\}$$

۳- الف) حاصل عبارت معادل را به صورت ساده شده بنویسید. ۷۵٪

$$\sqrt{(15-10)^2} - \sqrt{10} = |3 - \sqrt{10}| - \sqrt{10} = \sqrt{10} - 3 - \sqrt{10} = -3$$

ب) داخل  $\square$  علامت  $(\in, \notin, \subseteq, \supseteq)$  قرار دهید. ۵۰٪

الف)  $3, \sqrt{7} \in \mathbb{Q}$       ب)  $\mathbb{R} \not\subseteq \mathbb{Z}$

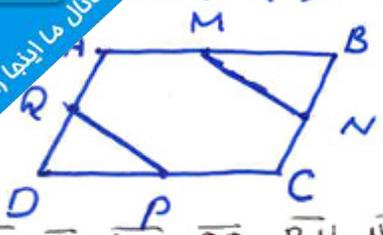
۴- آیا استدلال زیر معتبر است؟ برای پاسخ خود دلیل بیاورید. ۵۰٪

مسئله: نشان دهید مجموع زوایای خارجی هر مثلث  $360^\circ$  است.

اثبات: یک مثلث متساوی الاضلاع در نظر می‌گیریم. چون زاویه‌ی خارجی هر رأس آن  $120^\circ$  درجه است، پس مجموع زوایای خارجی در سه رأس  $360^\circ$  درجه می‌باشد. بنابراین نتیجه می‌گیریم مجموع زوایای خارجی هر مثلث برابر  $360^\circ$  درجه است.

این استدلال درست نیست. این استدلال مشابه این است که با مشاهده‌ی دانش آموزی خاص در کلاس که ساعت دارد، نتیجه بگیریم همه‌ی دانش آموزان آن کلاس ساعت دارند. اگر ثابت شود که مجموع همه‌ی زوایای خارجی در همه‌ی مثلث‌ها با هم برابر است، می‌توان استدلال بالا را کامل کرد.

۵- در شکل زیر ABCD متوازی الاضلاع است و M و N و P و Q وسط اضلاع AB و BC و CD و DA هستند. ثابت کنید  $\overline{MN} = \overline{PQ}$



فرض: چهار ضلعی ABCD متوازی الاضلاع است.  $\overline{AM} = \overline{MB}$ ,  $\overline{BN} = \overline{NC}$ ,  $\overline{CP} = \overline{PD}$ ,  $\overline{AQ} = \overline{QD}$

حکم:  $\overline{MN} = \overline{PQ}$

برهان:  $\overline{AB} = \overline{CD}$  و  $\overline{AD} = \overline{BC}$  i قضیه بنا بر فرض ABCD متوازی الاضلاع است

ii  $\overline{AM} = \overline{MB}$  فرض  $\rightarrow \overline{AB} = \overline{BM} + \overline{BM} \rightarrow \overline{AB} = 2\overline{BM} \rightarrow \overline{BM} = \frac{1}{2}\overline{AB}$   
 $\overline{AB} = \overline{AM} + \overline{MB}$

iii به دلیل مشابه  $\rightarrow \overline{DP} = \frac{1}{2}\overline{DC}$

فرض  $\overline{AB} = \overline{CD} \rightarrow \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2}\overline{DC} \xrightarrow{\text{ii و iii}} \overline{BM} = \overline{DP}$   
 $\overline{NB} = \overline{DQ} \xrightarrow{\text{به دلیل مشابه}}$   
 بنا بر فرض ABCD متوازی الاضلاع است،  $\widehat{ABC} = \widehat{ADC}$  iv

حکم ثابت شد.  $\overline{MN} = \overline{PQ}$  اجزای نظیر  
 $\left. \begin{array}{l} \triangle BMN \cong \triangle DPQ \\ \widehat{ABC} = \widehat{ADC} \text{ iv} \end{array} \right\}$

۶- الف) حاصل عبارت زیر را به ساده ترین صورت ممکن بنویسید. نمره

$$\frac{\sqrt{20} + 2\sqrt{45}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{4 \times 5} + 2\sqrt{9 \times 5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{4} \times \sqrt{5} + 2\sqrt{9} \times \sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}(2+4)}{\sqrt{5}} = 6$$

ب) مخرج کسر متقابل را گویا کنید. نمره

$$\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

۷- الف) حاصل عبارت متقابل را با استفاده از اتحاد به دست آورید. نمره

$$(2x+3)(2x-4) = (2x)^2 + 2x(3-4) + 3 \times (-4) = 4x^2 - 2x - 12$$

ب) با استفاده از اتحاد جایی خالی را کامل کنید. نمره

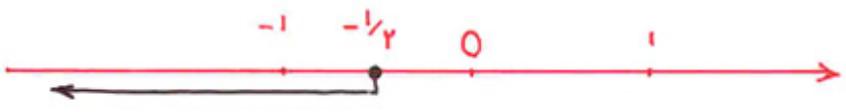
$$\left(-\frac{x}{4} + \sqrt{7}\right) \left(-\frac{x}{4} - \sqrt{7}\right) = \frac{1}{16}x^2 - 7$$

صفحه ۳

ج ۱ مجموعه جواب نامعادله‌ی روبرو را روی محور نشان دهید. ۲۵ نمره

$$\frac{\sqrt{x}}{6} \leq \frac{x+1}{3} + \frac{x-1}{2} \rightarrow 2x \leq 2(x+1) + 3(x-1) = 5x - 1 \rightarrow 2x - 5x \leq -1$$

$$\rightarrow 2x \leq -1 \rightarrow x \leq -\frac{1}{2}$$



۱۸ دستگاه معادلات خطی مقابل را حل کنید. ۱۰ نمره

$$\begin{cases} 3x + y = -2 \\ -2x + 3y = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x + y = -2 \\ -2x + 3y = 5 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 9x - 3y = +6 \\ -2x + 3y = 5 \end{cases} \rightarrow -11x = 11 \rightarrow x = -1$$

راه اول

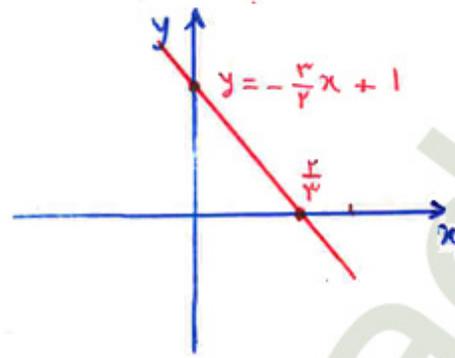
$$3x + y = -2 \xrightarrow{x=-1} -3 + y = -2 \rightarrow y = -2 + 3 \rightarrow y = +1$$

$$\begin{cases} 3x + y = -2 \\ -2x + 3y = 5 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 6x + 2y = -4 \\ -4x + 9y = 15 \end{cases} \rightarrow 11y = 11 \rightarrow y = +1$$

راه دوم

$$3x + y = -2 \xrightarrow{y=+1} 3x + 1 = -2 \rightarrow 3x = -3 \rightarrow x = -1$$

راه‌های بسیار دیگری می‌توان نوشت.



۱۹ الف) خط  $y = -\frac{3}{4}x + 1$  را در دستگاه مختصات مقابل رسم کنید. ۷۵ نمره

$$x=0 \rightarrow y=1 \rightarrow \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \in d$$

$$y=0 \rightarrow 0 = -\frac{3}{4}x + 1 \rightarrow \frac{3}{4}x = 1 \rightarrow x = \frac{4}{3} \rightarrow \begin{bmatrix} \frac{4}{3} \\ 0 \end{bmatrix} \in d$$

ب) مختصات نقطه‌ای از خط  $y = 4x + 1$  را بدست آورید که طول آن ۲ باشد. ۵۰ نمره

مختصات نقطه‌ی خواسته شده  $\begin{bmatrix} 2 \\ 9 \end{bmatrix}$

$$y = 4x + 1, x = 2 \rightarrow y = 4 \times 2 + 1 \rightarrow y = 9$$

ج) معادله‌ی خطی را بنویسید که موازی خط  $y = -5x$  باشد و از نقطه‌ی  $\begin{bmatrix} -1 \\ 10 \end{bmatrix}$  بگذرد. ۷۵ نمره

خط موازی  $y = -5x$  است پس شیب آن برابر  $m = -5$  است:

$$d: y = -5x + t$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ 10 \end{bmatrix} \in d \rightarrow 10 = -5 \times (-1) + t \rightarrow 10 = 5 + t \rightarrow t = 5$$

$d: y = -5x + 5$

۱- الف) عبارت مقابل به ازای چه مقداری از  $x$  تعریف نشده است؟ ۲۵ نمره

$$\frac{8x-9}{x-7}$$

کسری با مخرج صفر تعریف نشده است. پس  $x-7=0$  و در نتیجه این کسر به ازای  $x=7$  تعریف نشده است.

ب) دو عبارت گویا بنویسید که حاصل جمع آنها  $\frac{a+v}{a-5}$  باشد.  $5, 1, 5$  اینها

$$\frac{a+v}{a-5} = \frac{a}{a-5} + \frac{v}{a-5} \quad \text{یا} \quad \frac{a+v}{a-5} = \frac{a+2}{a-5} + \frac{3}{a-5} \quad \text{یا} \quad \frac{a+v}{a-5} = \frac{15a+2}{a-5} + \frac{15a+5}{a-5}$$

مسئله جوابهای زیادی دارد.

ج) اگر مساحت مستطیل  $x^2 - 25$  و طول آن  $\frac{x^2 - x - 20}{x + 4}$  باشد، عرض مستطیل را بر حسب  $x$  بدست آورید. اینهمه

$$\text{طول} = \frac{x^2 - x - 20}{x + 4} = \frac{(x+4)(x-5)}{x+4} = x - 5$$

$$\text{عرض} = \frac{\text{مساحت}}{\text{طول}} = \frac{x^2 - 25}{x - 5} = \frac{(x-5)(x+5)}{x-5} = x + 5 \rightarrow \underline{\text{عرض} = x + 5}$$

۱۱- تقسیم زیر را انجام دهید و خارج قسمت و باقیمانده را مشخص کنید. اینهمه

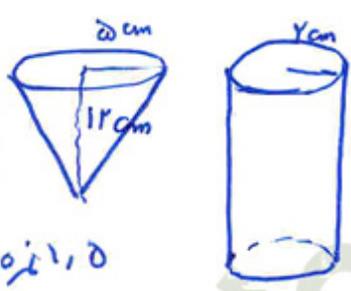
$$\begin{array}{r} 8x^2 - 10x + 9 \quad | \quad 2x - 4 \\ 16x^2 + 8x \\ \hline -16x + 9 \\ -16x - 12 \\ \hline 21 \end{array}$$

$$2x - 4 \neq 0 \rightarrow x \neq -\frac{2}{4}$$

$$8x^2 - 10x + 9 = (2x - 4)(4x - 2) + 21$$

باقیمانده = 21 ، خارج قسمت = 2x - 4

۱۲- در سوالات زیر توسط دستور محاسبه (فرمول) حجم و مساحت الزامی است.



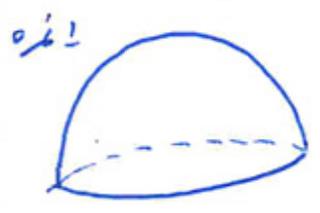
الف) ظرف به شکل مخروط با شعاع دهانه 5 cm و ارتفاع 12 cm را از آب پر می‌کنیم و در ظرف استوانه‌ای شکل، که شعاع قاعده‌ی آن 2 cm است، خالی می‌کنیم. آب تا چه ارتفاعی در استوانه بالا می‌آید؟ ( $\pi = 3$ )

$$V_{\text{مخروط}} = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \times 3 \times 5^2 \times 12 = 300$$

$$V_{\text{استوانه}} = \pi r^2 h_1 = 3 \times 2^2 \times h_1 = 300 \rightarrow 4h_1 = 300 \rightarrow h_1 = 75$$

ارتفاع 25 سانتی‌متر بالای آب

ب) مساحت یک کلاه (عقد چین) به شکل رویه‌ی نیم‌کره به شعاع 12 cm را پیدا کنید. ( $\pi = 3$ ) اینهمه



$$S_{\text{کره}} = 4\pi R^2 \rightarrow S_{\text{نیم‌کره}} = 4\pi R^2 \times \frac{1}{2} = 2\pi R^2$$

$$S_{\text{نیم‌کره}} = 2 \times 3 \times 12^2 = 6 \times 144 \text{ cm}^2 = 864 \text{ cm}^2$$