

ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۶	نام و نام خانوادگی: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه رشته: ریاضی فیزیک
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت ۵ ماه سال ۱۳۹۹ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی) مجاز است.		
۱	<p>جاهای خالی را با عبارات مناسب پرکنید.</p> <p>الف) حاصل ضرب ماتریس‌ها خاصیت جابجایی</p> <p>ب) در حالتی که صفحه P بر محور سطح مخروطی (I) عمود نباشد و با مولد آن (d) نیز موازی نباشد و تنها یکی از دو نیمه مخروط را قطع کند، فصل مشترک حاصل یک خواهد بود.</p> <p>پ) راس سپهی به معادله $0 = -2y + 2x^2$ نقطه به مختصات است.</p> <p>ت) حاصل ضرب خارجی دو بردار غیر صفر \vec{a} و \vec{b} که با هم موازی هستند، برابر بردار است.</p>	۱
۲	<p>درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر برای ماتریس‌های متمایز A, B و C داشته باشیم، $AB=AC$، آنگاه $Lzoma$ است</p> <p>ب) مکان هندسی نقاطی از صفحه که از دو خط متقاطع d, d' به یک فاصله‌اند، نیمساز زاویه بین آن دو خط می‌باشد.</p> <p>پ) نقطه (۳,-۲) روی دایره $0 = -2y + 2x^2$ قرار دارد.</p> <p>ت) برای دو بردار غیر صفر \vec{a} و \vec{b}، حاصل $0 = (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{a}$ است.</p>	۲
۳	<p>اگر $A = [a_{ij}]$ یک ماتریس 3×3 باشد، در آیه‌های a_{12}, a_{31}, a_{33} را</p> $a_{ij} = \begin{cases} i - j & i < j \\ 2 & i = j \\ i + j & i > j \end{cases}$ <p>به دست آورید.</p>	۰/۷۵
۴	<p>مقادیر x و y را از معادله زیر به دست آورید.</p> $\begin{bmatrix} x & 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & y-2 \end{bmatrix}$	۱
۵	<p>اگر $A = \begin{bmatrix} 4 & a \\ b & -1 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ ماتریس قطری باشد.</p> <p>مقادیر a و b را طوری به دست آورید که $A \times B$ ماتریس قطری باشد.</p>	۱
۶	<p>دستگاه مقابله را با استفاده از A^{-1} حل کنید.</p> $\begin{cases} 3x - 5y = -1 \\ 2x + y = 8 \end{cases}$	۱/۵
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۶	نام و نام خانوادگی:	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته: ریاضی فیزیک
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت ۵ ماه سال ۱۳۹۹ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۷	$B = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ -1 & -2 & 1 \end{bmatrix}$ اگر $ A \times B + 2I_3 =$ آورید.	۱/۲۵
۸	نقطه A و خط d در صفحه مفروض اند. نقطه ای را بیابید که از A به فاصله ۲ سانتی متر و از خط d به فاصله ۳ سانتی متر باشد. بحث کنید.	۱/۵
۹	معادله دایره‌ای را بنویسید که خطوط $x + y = 1$ و $4x + 3y = -5$ شامل قطراهایی از آن بوده و خط $x - y = 3$ آن مماس باشد.	۱/۲۵
۱۰	وضعیت دو دایره $x^2 + (y-1)^2 = 1$ و $(x-1)^2 + y^2 = 1$ را نسبت به هم مشخص کنید.	۲
۱۱	دو نقطه A و B مطابق شکل روی بیضی و نقاط F و F' کانون‌های بیضی اند. اگر $AF' = BF$ باشد ثابت کنید دوپاره خط AF و BF' موازی اند.	۱
۱۲	معادله سهمی را بنویسید که $(1, 2, -2)$ رأس و $(1, 2, 0)$ کانون آن باشد، وسیس معادله خط هادی آن را بیابید.	۱/۲۵
۱۳	نقاط $A = (1, 2, 1)$ و $B = (2, 2, 1)$ و $C = (3, 2, -1)$ را در فضادرنظر می‌گیریم، کدام ها روی خط $y = 2$ و $z = 1$ قراردارند؟ چرا؟	۱
۱۴	دوبدار $\vec{a} = (1, 2, -1)$ و $\vec{b} = (0, 2, -1)$ را درنظر بگیرید. الف) بردار \vec{a} در کدام ناحیه از فضای \mathbb{R}^3 واقع است؟ (شماره ناحیه ذکر شود) ب) طول بردار $2\vec{a} - \vec{b}$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۵	برای هر دوبدار غیر صفر \vec{a} و \vec{b} ثابت کنید: اگر $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ باشد آنگاه \vec{a} و \vec{b} برهم عمودند.	۱
۱۶	بردارهای $\vec{a} = (2, -1, 0)$ و $\vec{b} = (1, -1, 0)$ را درنظر بگیرید. تصویر قائم بردار \vec{a} را بر امتداد بردار \vec{b} بیابید.	۱
۱۷	مساحت متوازی الاضلاعی را به دست آورید که توسط دو بردار $\vec{a} = (3, 2, 1)$ و $\vec{b} = (2, 0, 1)$ به وجود می‌آید.	۱
	موفق و سربلند باشید .	۲۰ جمع نمره

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	(۰/۲۵) ت) صفر $\left(\frac{1}{2}, 1\right)$ پ) بیضی (۰/۲۵) ب) ندارد (۰/۲۵)		۱
۱	(۰/۲۵) ت) نادرست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵)		۲
۰/۷۵	$a_{۳۳} = ۲(۰/۲۵), a_{۳۱} = ۳ + ۱ = ۴(۰/۲۵), a_{۱۲} = ۱ - ۲ = -۱(۰/۲۵)$		۳
۱	$\begin{bmatrix} ۲x & ۴x - ۲ \\ ۴ & y - ۲ \end{bmatrix} \xrightarrow[۰/۵]{} \begin{cases} ۲x = ۴ \Rightarrow x = ۲(۰/۲۵) \\ ۴x - ۲ = y - ۲ \Rightarrow y = ۸(۰/۲۵) \end{cases}$		۴
۱	$A \times B = \underbrace{\begin{bmatrix} ۴+۳a & -۸+۲a \\ b-۳ & -۲b-۲ \end{bmatrix}}_{۰/۵} \xrightarrow[۰/۵]{} \begin{cases} ۲a - ۸ = ۰ \Rightarrow ۲a = ۸ \Rightarrow a = ۴(۰/۲۵) \\ b - ۳ = ۰ \Rightarrow b = ۳(۰/۲۵) \end{cases}$		۵
۱/۵	$A = \begin{bmatrix} ۳ & -۵ \\ ۲ & ۱ \end{bmatrix} (۰/۲۵), A = ۳ + ۱ = ۱۳ \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{13} \begin{bmatrix} ۱ & ۵ \\ -۲ & ۳ \end{bmatrix} (۰/۲۵), B = \begin{bmatrix} -۱ \\ ۸ \end{bmatrix}$ $X = \underbrace{\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}}_{۰/۲۵} = A^{-1} \times B = \frac{1}{13} \begin{bmatrix} ۱ & ۵ \\ -۲ & ۳ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -۱ \\ ۸ \end{bmatrix} = \frac{1}{13} \underbrace{\begin{bmatrix} -۱+۴۰ \\ ۲+۲۴ \end{bmatrix}}_{(۰/۲۵)} = \begin{bmatrix} ۳ \\ ۲ \end{bmatrix} \Rightarrow x = ۳, y = ۲(۰/۵)$		۶
۱/۲۵	$ A = (۴ - ۹ - ۴) - (-۴ - ۱۲ + ۳) = -۹ + ۱۳ = ۴ (۰/۲۵), B = -۶ (۰/۲۵)$ $ A \times B + 2I_۲ = \underbrace{ A \times B }_{۰/۵} + ۸ I = \underbrace{-۲۴ + ۸}_{۰/۲۵} = -۱۶$		۷
۱/۵	مکان هندسی نقاطی که از A به فاصله ۲ سانتی متر باشد یک دایره به مرکز A وشعاع ۲ سانتی متر است این دایره را رسم می کنیم (۰/۲۵) نقاطی که از خط d به فاصله ۳ سانتی متر باشد دو خط d' , d'' در طرفین خط d و به موازات d است این دو خط را رسم می کنیم (۰/۲۵) محل برخورد دو خط d' , d'' با دایره مطابق شکل جواب مساله است. اگر یکی از دو خط d' یا d'' دایره را قطع کند مساله ۲ جواب دارد. اگر یکی از دو خط d' یا d'' بر دایره مماس باشد مساله ۱ جواب دارد. اگر هیچ یک از دو خط d' یا d'' دایره را قطع نکند مساله جواب ندارد. رسم شکل (۰/۲۵)		۸
	«ادامه در صفحه دوم»		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۲۵	$\begin{cases} x+y=1 \\ x-y=3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x=2 & (0/25) \\ y=-1 & (0/25) \end{cases}, r = \frac{ 4(2)+3(-1)+5 }{\sqrt{4^2+3^2}} = \frac{10}{5} = 2 \quad (0/5)$ <p>مرکز دایره $(-1, 2)$ و شعاع آن برابر $r = 2$ است. معادله دایره برابر با: $(x-2)^2 + (y+1)^2 = 4$ است.</p>		۹
۲	$(0/5) O = (1, 0), r = 1 \quad (x-1)^2 + y^2 = 1$ $(0/5) O' = (0, 1), r' = 1 \quad x^2 + (y-1)^2 = 1$ $(0/25) r - r' = 1 \quad r + r' = 2 \quad (0/25) OO' = \sqrt{2}$ $(0/25) r - r' < OO' < r + r' \quad (0/25)$ <p>بنابرین دو دایره متقاطع اند</p>		۱۰
۱	<p>نقاط A و B را به کانون های بیضی وصل می کنیم</p> $(0/25) AF + AF' = 2a \quad (1)$ $(0/25) BF + BF' = 2a \quad (2)$ $(0/25) AF = BF \quad (\text{نتیجه می شود})$ <p>بنابراین چهارضلعی $AFBF'$ یک متوازی الاضلاع است در متوازی الاضلاع، ضلع های رو برو موازی اند.</p>		۱۱
۱/۲۵	<p>با توجه به جایگاه راس و کانون این سهمی در دستگاه مختصات خواهیم داشت:</p> $a = \underbrace{4}_{0/25}$ $y = \underbrace{6}_{0/5}$ <p>معادله خط هادی:</p> $(x-1)^2 = \underbrace{-16(y-2)}_{0/5}$		۱۲
۱	$(0/5) A, B \text{ در یکی از دو نقطه } Z = 1 \text{ و } Z = 2 \text{ باشند.}$		۱۳
۰/۵	<p>الف) بردار \vec{a} در ناحیه ۵ واقع است. $(0/5)$</p> $1 \quad 2\vec{a} - \vec{b} = \underbrace{(2, 2, -1)}_{0/5} \Rightarrow 2\vec{a} - \vec{b} = \sqrt{4+4+1} = \sqrt{9} = 3 \quad (b)$		۱۴
۱	$1 \quad \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \Rightarrow \underbrace{ \vec{a} }_{0/5} \underbrace{ \vec{b} }_{0/5} \underbrace{\cos \theta = 0}_{0/25} \Rightarrow \underbrace{\cos \theta = 0}_{0/25} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{2}$		۱۵
	«ادامه در صفحه سوم»		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۱/۶		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۴۰۰	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	$\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b} = \underbrace{\frac{2+1+0}{1+1+0}}_{0/5} (1, -1, 0) = \underbrace{\frac{3}{2}}_{0/25} (1, -1, 0)$		۱۶
۲	$\vec{a} \times \vec{b} = (3, 2, 1) \times (2, 0, 1) = (2, -1, -4) \quad (0/5)$ $S = \vec{a} \times \vec{b} = \sqrt{4+1+16} = \sqrt{21} \quad (0/5)$		۱۷
۲۰	جمع نمره موفق و سربلند باشد		

" مصحح گرامی ، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود "