

نام درس: حسابان ۱

نام دبیر: کامیار قاجار

ساعت امتحان:

مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران

**اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی**

اداره آموزش و پرورش ناحیه ۷ مشهد

آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۰

نام و نام خانوادگی: .....  
قطع و رشته: بازدهم ریاضینام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....

تعداد صفحه سوال: ۲ صفحه

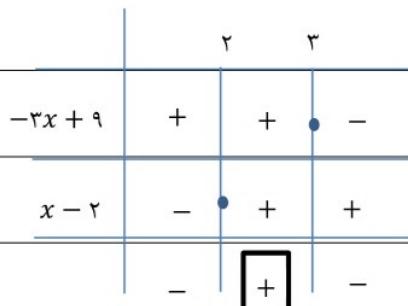
ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به عدد:
		نمره به حروف:						
۶		دامنه توابع زیر را بیابید.						
	<p>(الف) <math>y = \sqrt{[2x] - 3/1}</math></p> <p>ب) <math>y = \frac{1}{[x] + [-x + 1]}</math></p> <p>ج) <math>y = \sqrt{\frac{x - 4}{(x - 5)(x - 6)}}</math></p> <p>د) <math>y = \sqrt{(x - 4)^2(-x^2 + 2x)}</math></p>							۱
۷		معادلات زیر را حل کنید.						
	<p>(الف) <math>\left[\frac{x+1}{x-2}\right] = 3</math></p> <p>ب) <math>\sqrt{x-2} + \sqrt{2x} = 2</math></p> <p>ج) <math>(x-1)(x+1)(x-4) = (x^2 - 1)</math></p> <p>د) <math>x^2 + 2x + 10 = (x+1)^2</math></p>							۲

۳	<p>اگر نقاط <math>A</math> و <math>B</math> و <math>C</math> سه رأس مثلث <math>ABC</math> باشند، مطلوب است:</p> <p>۱) معادله میانه و طول میانه وارد بر ضلع <math>BC</math></p> <p>۲) معادله ارتفاع و طول ارتفاع وارد بر ضلع <math>BC</math></p>	۳
۴	عبارات زیر را به $P$ و $S$ تبدیل کنید.	
۵	<p>(الف) <math>x_1^{\frac{1}{2}} + x_2^{\frac{1}{2}}</math></p> <p>(ب) <math>\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}</math></p> <p>(ج) <math>x_1^{\frac{1}{2}} + x_2^{\frac{1}{2}}</math></p> <p>(د) <math>\sqrt{\frac{x_1}{x_2}} + \sqrt{\frac{x_2}{x_1}}</math></p>	۴
۶	وارون تابع زیر را بیابید.	۵
۷	ریشه های معادله ای زیر را بیابید.	۶
۸	نامعادله ای زیر را حل کنید.	۷
صفحه ۲ از ۲		

جمع بارم : ۲۰ نمره

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر																									
۱		(الف) $[2x] \geq ۳\cdot۱ \rightarrow 2x \geq ۴ \rightarrow x \geq ۲$																									
		(ب) $[x] + [-x] + ۱ \neq \cdot \Rightarrow x \in \mathbb{Z}$																									
		(ج) $\frac{x - ۴}{(x - ۵)(x - ۶)} \geq \cdot$																									
		<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td></td><td>۴</td><td>۵</td><td>۶</td><td></td></tr> <tr> <td><math>x - ۴</math></td><td>-</td><td>•</td><td>+</td><td>+</td></tr> <tr> <td><math>x - ۵</math></td><td>-</td><td>-</td><td>•</td><td>+</td></tr> <tr> <td><math>x - ۶</math></td><td>-</td><td>-</td><td>-</td><td>•</td></tr> <tr> <td></td><td>-</td><td>+</td><td>-</td><td>+</td></tr> </table>		۴	۵	۶		$x - ۴$	-	•	+	+	$x - ۵$	-	-	•	+	$x - ۶$	-	-	-	•		-	+	-	+
	۴	۵	۶																								
$x - ۴$	-	•	+	+																							
$x - ۵$	-	-	•	+																							
$x - ۶$	-	-	-	•																							
	-	+	-	+																							
		$[۴, ۵] \cup (۶, +\infty)$																									
۲		(د) $(x - ۴)^2(-x^2 + ۳x) \geq \cdot$																									
		<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td></td><td>.</td><td>۲</td><td>۴</td><td></td></tr> <tr> <td><math>-x^2 + ۳x</math></td><td>-</td><td>•</td><td>+</td><td>•</td></tr> <tr> <td><math>(x - ۴)^2</math></td><td>+</td><td>+</td><td>+</td><td>•</td></tr> <tr> <td></td><td>-</td><td>+</td><td>-</td><td>-</td></tr> </table>		.	۲	۴		$-x^2 + ۳x$	-	•	+	•	$(x - ۴)^2$	+	+	+	•		-	+	-	-					
	.	۲	۴																								
$-x^2 + ۳x$	-	•	+	•																							
$(x - ۴)^2$	+	+	+	•																							
	-	+	-	-																							
		$[۰, ۳] \cup \{۴\}$																									
۳		(الف) $۳ \leq \frac{x+۱}{x-۳} < ۴$																									
		$\frac{x+۱}{x-۲} \geq ۳ \Rightarrow \frac{x+۱}{x-۲} - ۳ \geq \cdot \Rightarrow \frac{x+۱ - ۴x + ۶}{x-۲} \geq \cdot$																									
		$\Rightarrow \frac{-۳x+۷}{x-۲} \geq \cdot \Rightarrow$																									
		<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td></td><td>۷</td><td></td></tr> <tr> <td><math>-۳x+۷</math></td><td>+</td><td>+</td><td>•</td><td>-</td></tr> <tr> <td><math>x-۲</math></td><td>-</td><td>•</td><td>+</td><td>+</td></tr> <tr> <td></td><td>-</td><td></td><td>+</td><td>-</td></tr> </table>		۷		$-۳x+۷$	+	+	•	-	$x-۲$	-	•	+	+		-		+	-							
	۷																										
$-۳x+۷$	+	+	•	-																							
$x-۲$	-	•	+	+																							
	-		+	-																							
		$\frac{x+۱ - ۴x + ۸}{x-۲} < \cdot \Rightarrow \frac{x+۱ - ۴x + ۸}{x-۲} < \cdot$																									

$$\frac{-x+9}{x-2} < .$$



$$(2, \frac{9}{2}]$$

)  $\sqrt{x-2} = 2 - \sqrt{2x} \rightarrow x-2 = 4 + 2x - 4\sqrt{2x}$

$$4\sqrt{2x} = 6 + x \rightarrow 48x = 36 + x^2 + 12x$$

$$\Rightarrow x^2 - 12x + 36 = .$$

$$(x-2)(x-18) \quad \begin{cases} x=2 \\ x=18 \end{cases}$$

ز)  ~~$(x-1)(x+1)(x-18) = (x-1)(x+1)$~~

$$X=1$$

$$X=-1$$

$$X=0$$

د) ریشه  $\infty$

A :

۳

(۱)

B | ۱      M      C | ۲

BC |  $\frac{1}{2}$       میانه M

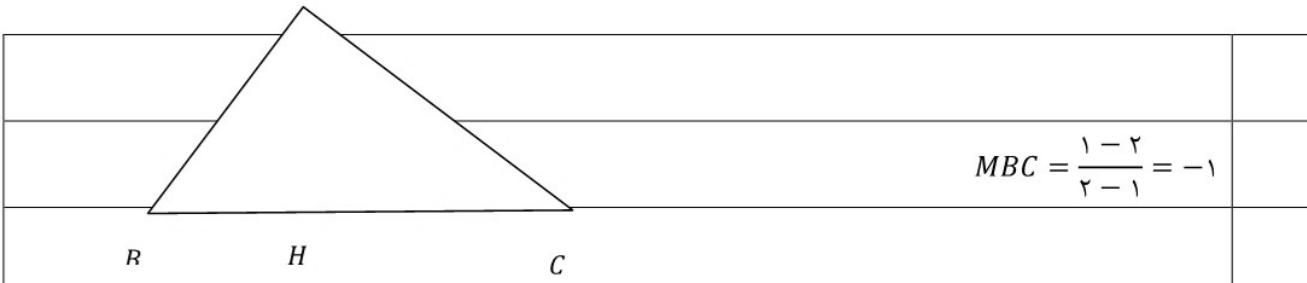
$$A_m = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = 1 \Rightarrow y - 1 = 1(x - 1) \quad \text{میانه } Am$$

$$|Am| = \sqrt{\frac{9}{4} + \frac{9}{4}} = \frac{\sqrt{18}}{2} \quad \text{طول میانه } Am$$

قسمت دوم سوال ۳

۳

A



$$mAHC = 1 \rightarrow y - 1 = 1(x - 1) \quad \text{معادلة ارتفاع AH}$$

$$\text{معادلة BC: } \Rightarrow y - 1 = +1(x - 2) \Rightarrow x + y - 3 = 0.$$

$$AH = \frac{|1 + 1 - 3|}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$1) \quad x_1^r + x_2^r = (x_1^r + x_2^r)^r - 2x_1^r x_2^r = (S^r - 2P)^r - 2P^r \quad 4$$

$$2) \quad \sqrt{x_1} + \sqrt{x_2} = \sqrt{(\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2})^r} = \sqrt{S + 2\sqrt{P}}$$

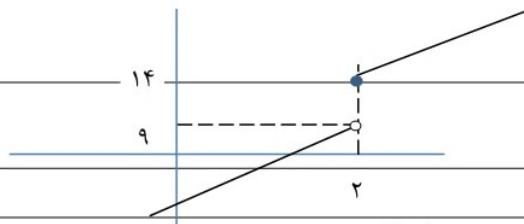
$$3) \quad x_1^s + x_2^s = (x_1^r + x_2^r)^s - 2x_1^r x_2^r = (S^r - 2P)^s - 2P^s$$

$$4) \quad \sqrt{\left(\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1}\right)^r} = \sqrt{\left(\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1} + 2\right)} = \sqrt{\frac{S^r - 2P}{P} + 2}$$

$$y = 2x + 1 \rightarrow x = \frac{y - 1}{2} \rightarrow y = \frac{x - 1}{2} \quad 5$$

$$y = 5x - 1 \rightarrow x = \frac{y + 1}{5} \Rightarrow y = \frac{x + 1}{5}$$

$$f^{-1} = \begin{cases} \frac{x - 1}{2} & x > 1 \\ \frac{x + 1}{5} & x < 1 \end{cases}$$



$$x \geq 1 \quad x^r + x - 1 = 4 \Rightarrow x^r + x - 5 = 0 \Rightarrow x = \frac{-1 + \sqrt{21}}{2} \quad 6$$

$$x < 1 \quad x^r - x + 1 - 4 = 0 \Rightarrow x^r - x - 3 = 0 \Rightarrow x = \frac{1 - \sqrt{13}}{2}$$

7

$$\begin{cases} x \geq 1 & \frac{x}{x-1} < 2 \rightarrow \frac{x}{x-1} - 2 < 0 \\ x < 1 & \frac{x}{1-x} < 2 \rightarrow \frac{x}{1-x} - 2 < 0 \end{cases}$$

	1	+2	
$-x + 2$	+	+	• -
$x - 1$	-	• +	+
	<input type="text"/> -	+ <input type="text"/> -	
$\frac{x - 2 + 2x}{1 - x} < 0 \Rightarrow \frac{3x - 2}{1 - x} < 0$			

	2	-2	1	
$3x - 2$	-	• +	+	
$1 - x$	+	+	• -	
	<input type="text"/> -	+ <input type="text"/> -		
$(-\infty, -\frac{2}{3}) \cup (2, +\infty)$				

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح :

جمع بارم : ۰۵ نمره