



«بسمه تعالی»

اداره آموزش و پرورش منطقه ۴ تهران
دبيرستان نمونه دولتی امام محمد باقر (ع)
امتحانات خرداد ماه ۱۴۰۱



کلید امتحان درس: **ریاضی ۲** پایه: **یازدهم** رشته: **تمبری**

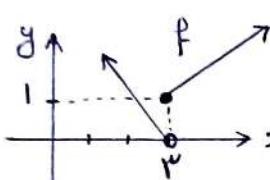
مدت زمان: **۱۲۰ دقیقه**

نام دبیر: **طیبی**

تاریخ امتحان: **۱۴۰۱/۰۳/۰۸**

تعداد سوالات: **۱۵** تعداد صفحات: **۱۶**

ردیف	کلید سوالات	بارم
۱	<p>توهه، در مورد همه قسمتهای سوالات ۱ تا ۴، فقط پاسخ در این برگه نوشته یا علامت زده شود. ارائه راه حل این سوالات نیاز نیست.</p> <p>سوالات درست-نادرست: درستی یا نادرستی هر یک از عبارتهای زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف- هر نقطه روی نیمساز یک زاویه، از دو ضلع آن زاویه به یک فاصله است. ب- عکس یک قضیه، همواره درست است. پ- در دو مثلث متشابه، نسبت محیط ها برابر با نسبت تشابه است. ت- دو تابع $f(x) = \frac{x^2}{x}$ و $g(x) = x$ مساویند.</p>	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵
۲	<p>سوالات انتخاب گردی: در هر قسمت، از بین عبارات داخل پرانتز عبارت درست را انتخاب نمایید.</p> <p>الف- معادله $x - 1 + 2 = 0$ جواب حقیقی (دارد - ندارد). ب- برخی نتایج مهم و پرکاربرد که با استدلال (استنتاجی - استقرایی) به دست می آیند، قضیه نامیده می شوند. پ- نمودار تابع $y = (\frac{1}{3})^x$ (زولی - صعودی) است. ت- رابطه $\cos(30^\circ - x) = \sin 2x$، به ازای $x = 60^\circ$ برقرار است.</p>	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵
۳	<p>سوالات کامل گردی: جاهای خالی را با عدد یا عبارت درست کامل نمایید.</p> <p>الف- فاصله نقطه $A(-4, 3)$ از مبدأ مختصات، برابر است. ب- زاویه $\frac{5\pi}{6}$ رادیان، برابر درجه است و انتهای کمان آن در ربع قرار دارد. پ- میانه داده های ۱۰, ۱۱, ۱۵, ۸, ۱۰, ۹, ۱۱, ۱۵, ۸, ۱۰ برابر است.</p>	۰/۲۵ ۰/۱۵ ۰/۲۵
۴	<p>سوالات چهارگزینه ای: در هر یک از سوالات زیر، گزینه درست را انتخاب نمایید.</p> <p>الف- با توجه به سهمی $y = ax^3 + bx + c$، کدام گزینه درست است؟</p> <p>(۱) $a, b < 0$ (۲) $a, b > 0$ (۳) $b > 0, a < 0$ (۴) $b < 0, a > 0$</p> <p>ب- کدام گزینه در مورد تابع $y = \log x$ درست است؟</p> <p>(۱) دامنه آن برابر \mathbb{R} است. (۲) تابعی یک به یک است. (۳) از نقطه $(2, 2)$ می گذرد. (۴) برد آن برابر اعداد حقیقی مثبت است.</p> <p>پ- اگر $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -3$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 2} (2f(x) - g(x)) = 1$ کدام است؟</p> <p>(۱) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -5$ (۲) $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 1$ (۳) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -7$ (۴) $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = -1$</p>	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵

ردیف		کلید سوالات	بارم
۵		سوالات گوشه پاسخ: به سوالات زیر، با راه حل کوتاه پاسخ دهد.	
	۰/۷۵	الف- شب عمود منصف پاره خط AB که در آن $A(2, 4), B(-6, -6)$ است را به دست آورید. $m_{AB} = \frac{4+6}{2-(-6)} = \frac{10}{8} = \frac{5}{4}$ \Rightarrow شب عمود منصف $= -\frac{1}{\frac{5}{4}} = -\frac{4}{5}$	
	۰/۵	ب- حاصل ضرب ریشه های معادله $3x^2 + 10x + m = 0$ برابر ۲ است. مقدار m را به دست آورید. $P = \frac{c}{a} = \frac{m}{3} = 2 \Rightarrow m = 6$	
	۰/۷۵	پ- اگر $f(x) = 2x + 5$ ، مقدار $f^{-1}(7)$ را به دست آورید. $f^{-1}(V) = k \Rightarrow f(k) = V \Rightarrow 2k + 5 = 7 \Rightarrow k = 1 \Rightarrow f^{-1}(V) = 1$	
	۰/۵	ت- نمودار تابعی مانند f را رسم کنید که در نقطه $x=3$ حد نداشته باشد و $f(3)=1$. 	
	۰/۷۵	ث- اگر واریانس داده های Z, Y, X برابر ۴ باشد، انحراف معیار داده های $3x+1, 3y+1, 3z+1$ را به دست آورید. $\sigma^2 = 4 \Rightarrow \sigma = 2$ $3\sigma = 3 \times 2 = 6$	
۶		سوالات تشریحی: به سوالات ۶ تا ۱۵، با راه حل کامل پاسخ دهد.	
	۱/۵	در مثلث قائم الزاویه ABC باشد، مقدارهای $AC=4, AB=3$ ، ارتفاع AH را رسم کرده ایم. اگر $\hat{A}=90^\circ$ باشد، مقدارهای BH, CH, AH را باید.	
		$AB^2 = x \cdot BC \Rightarrow 9 = 5x \Rightarrow x = \frac{9}{5} \Rightarrow BH = \frac{9}{5}$ $AC^2 = y \cdot BC \Rightarrow 16 = 5y \Rightarrow y = \frac{16}{5} \Rightarrow CH = \frac{16}{5}$ $AH^2 = xy \Rightarrow AH^2 = \frac{9}{5} \times \frac{16}{5} \Rightarrow AH = \frac{12}{5}$	
۷		اگر $g(x) = \frac{x-2}{x-1}$ ، $f(x) = \sqrt{x-1}$ باشد، مطلوب است: الف- مقدار $(f \times g)(5)$	
	۰/۵	$(f \times g)(5) = f(5) \times g(5) = \sqrt{5-1} \times \frac{5-2}{5-1} = \sqrt{4} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{2}$	
۱		ب- دامنه $\frac{f}{g}$ (بدون تشکیل ضابطه) $D_f = D_g \cap \{x g(x) \neq 0\}$ $= [1, +\infty) \cap (\mathbb{R} - \{1\}) - \left\{ x \mid \underbrace{\frac{x-2}{x-1} = 0}_{x=2} \right\} = (1, +\infty) - \{2\}$	
		صفحه ۱۲ از ۴	

ردیف	کلید سوالات	بارم
۸	<p>نمودار تابع $y = \sin x + 1$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم نماید. سپس مقادیر ماکزیمم و مینیمم آن را تعیین کنید.</p> <p>$y_{\max} = 2$</p> <p>$y_{\min} = 0$</p>	۱
۹	<p>حاصل عبارت $\cos 225^\circ + \sin(-\frac{5\pi}{4})$ را به دست آورید.</p> $\cos 225^\circ = \cos(180^\circ + 45^\circ) = -\cos 45^\circ = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ $\sin(-\frac{5\pi}{4}) = -\sin \frac{5\pi}{4} = -\sin(\pi + \frac{\pi}{4}) = \underbrace{-\sin \frac{\pi}{4}}_{-\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ $\Rightarrow \text{حاصل عبارت} = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$	۱/۲۵
۱۰	<p>اگر $\log 1/\lambda = n$, $\log 2 = m$ باشد، حاصل $\log 1/\lambda$ را بحسب n, m به دست آورید.</p> $\log 1/\lambda = \log \frac{1/\lambda}{1} = \log 1/\lambda - \log 1 = \log 2 + 2\log 3 - 1 = m + 2n - 1$	۱
۱۱	معادلات زیر را حل نمایید.	
۱/۷۵	$1) (\frac{3}{5})^{x+1} = \frac{25}{9}$ $(\frac{3}{5})^{x+1} = \left(\frac{5}{3}\right)^{-2} \Rightarrow x+1 = -2 \Rightarrow x = -3$	
۱/۲۵	$2) \log_5^{(x+9)} + \log_5^{(x+12)} = 1$ $\log_5^{(x+9)(x+12)} = 1 \Rightarrow (x+9)(x+12) = 5^1 = 5$ $\Rightarrow x^2 + 11x + 108 = 0 \Rightarrow x^2 + 11x + 25 = 0 \Rightarrow (x+1)(x+25) = 0$ $\Rightarrow \begin{cases} x = -1 & \text{ق.} \\ x = -25 & \text{ق.} \end{cases}$	
۱۲	حاصل حد های زیر را در صورت وجود بباید.	
۰/۱۵	$1) \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x]+1}{2} = \frac{[2]+1}{2} = \frac{1+1}{2} = 1$	
۱	$2) \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{x^2+1}{x^2-4} = \frac{0}{0} \xrightarrow{\text{نوع اندیش}} \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{(x+2)(x^2-4x+4)}{(x+2)(x-2)} = \frac{4+4+4}{-4} = -3$	

ردیف	کلید سوالات	بارم
۱۳	<p>مقدار a, b را طوری بباید که تابع زیر در نقطه $x = 2$ پیوسته باشد.</p> $f(x) = \begin{cases} ax^2 + 3 & x > 2 \\ V & x = 2 \\ \frac{b}{x-1} - 1 & x < 2 \end{cases}$ <p>باشد: $f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$</p> $f(2) = V$ $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{b}{x-1} - 1 = \frac{b}{2-1} - 1 = b - 1$ $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} ax^2 + 3 = 4a + 3$ $V = b - 1 = 4a + 3 \Rightarrow \begin{cases} b = 1 \\ a = 1 \end{cases}$	۱/۲۵
۱۴	<p>در پرتاب دو تاس، اگر حداقل یکی از تاس‌ها ۲ بباید، چقدر احتمال دارد هر دو تاس، عدد زوج ببایند؟</p> $P(\text{عدد زوج} \text{حداقل یکی عدد زوج}) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)} = \frac{5}{11}$ $B = \{(2,1), (2,2), (2,3), (2,4), (2,5), (2,6), (1,2), (3,2), (4,2), (5,2), (6,2)\} \Rightarrow n(B) = 11$ $A \cap B = \{(2,2), (2,4), (2,6), (4,2), (6,2)\} \Rightarrow n(A \cap B) = 5$	۱
۱۵	<p>فرض کنید در یک سال، احتمال قهرمانی تیم ملی فوتبال ایران در آسیا برابر $\frac{1}{5}$ و احتمال قهرمانی تیم ملی والیبال ایران در آسیا $\frac{1}{8}$ باشد، با چه احتمالی حداقل یکی از این تیم‌ها قهرمان خواهند بود؟</p> $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{1}{5} + \frac{1}{8} - \underbrace{\frac{1}{5} \times \frac{1}{8}}_{P(A) \cdot P(B)} = \frac{1}{5} + \frac{1}{8} - \frac{1}{40} = \frac{19}{40}$	۱
	<p>تلash + توکل \Leftarrow موفقیت</p>	۲۰ طیبی
	صفحه ۱۴ از ۴	